*bles for X-ray Crystallography*, Vol. II, p. 104. Birmingham: Kynoch Press.

International Tables for X-ray Crystallography (1962). Vol. III, Table 3.3.2 C. Birmingham: Kynoch Press.

JAMES, R. W. (1950). The Optical Principles of the Diffraction of X-rays, p. 181. London: Bell & Sons.

McCullough, J. D. & TRUEBLOOD, K. N. (1959). Acta Cryst. 12, 507.

McGuire, T. R. & Shafer, M. W. (1964). J. appl. Phys. 35, 984.

MUETTERTIES, E. L. & WRIGHT, C. M. (1967). Quart. Rev. Chem. Soc. Lond. 21, 109, insbesondere S. 121.

PAULING, L. (1937). J. Amer. Chem. Soc. 59, 1132.

SCHOMAKER, V., WASER, J., MARSH, R. E. & BERGMAN, G. (1959). Acta Cryst. 12, 600.

SMITH, D. K. & NEWKIRK, H. W. (1965). Acta Cryst. 18, 983.

Acta Cryst. (1969). B25, 1110

# Zur Phasentransformation des Kaliumpolyphosphates $(KPO_3)_x$

VON K. H. JOST UND H. J. SCHULZE

Institut für anorganische Chemie der Deutschen Akademie der Wissenschaften, 1199 Berlin, Rudower Chaussee, Deutschland

(Eingegangen am 10. April 1968)

The mechanism of phase transformation of potassium polyphosphate has been investigated by Weissenberg photographs at high crystal temperature. A new additional transformation has been observed at 275 °C.

#### Einleitung

Zur röntgenographischen Untersuchung von Phasentransformationen und anderen Reaktionen wird meistens mit Pulver-Präparaten gearbeitet. Will man jedoch Auskunft über den Reaktionsmechanismus erhalten, muss man Einkristalle verwenden. Falls die Kristallstrukturen von Ausgangssubstanz und Reaktionsprodukt bekannt sind, gibt es zwei Möglichkeiten für Einkristalluntersuchungen dieser Art. Begnügt man sich mit indirekten Aussagen über den Mechanismus, reicht es aus, die kristallographische Orientierungsbeziehung des Reaktionsproduktes zu einem Einkristall der Ausgangssubstanz zu bestimmen.



Fig. 1. Zusammenhang der Elementarzellen der drei Modifikationen des KPO<sub>3</sub>: Die z-Achse ändert bei 275 °C und die x-Achse bei 460 °C ihre Richtung. Bei 460 °C ändert sich ausserdem die Raumgruppe von P2<sub>1</sub>/a unter Symmetrieerhöhung in Pbnm. Die y-Achse verläuft bei allen Modifikationen senkrecht zur Zeichenebene und behält ihre Länge bei.

Aus dieser Beziehung und den Kristallstrukturen beider Substanzen erhält man oft schon plausible Vorstellungen vom Reaktionsmechanismus. Voraussetzung für die Anwendbarkeit dieser Methode ist natürlich, dass eine Orientierungsbeziehung besteht. Will man zu experimentell gesicherten Vorstellungen vom Mechanismus einer Reaktion kommen, so muss man zusätzlich zur Orientierungsbeziehung die Änderungen in der Kristallstruktur der Ausgangssubstanz bei Annäherung an den Einsatzpunkt der Reaktion verfolgen. Da zu



Fig. 2. Verkürzung der (auf das Achsensystem des KPO<sub>3</sub>-Tief bezogenen) c\*-Achse des reziproken Gitters mit der Temperatur. Die anderen reziproken Achsen des KPO<sub>3</sub>-Tief bleiben in Richtung und Länge erhalten.



Fig. 3. Zusammenhang der reziproken Gitter des KPO<sub>3</sub>-H und der Zwillingsorientierungen des KPO<sub>3</sub>-T: Die den Winkel von 5,6° einschliessenden reziproken Gittergeraden entsprechen den reziproken Gittergeraden der Fig. 4 (20°C-Aufnahme). Der Winkel verkleinert sich mit der Temperatur und ist am Umwandlungspunkt (460°C) Null. In den reziproken Gittern des KPO<sub>3</sub>-T sind die Geraden mit h=ungerade weggelassen, beim KPO<sub>3</sub>-H sind nur den durch Punkte gekennzeichneten Stellen Reflexe zugeordnet.

erwarten ist, dass diese so verlaufen, dass die Atome für die Reaktion günstige Positionen und Schwingungsformen erreichen, sollte es möglich sein, daraus auf den Mechanismus der Reaktion zu schliessen. Das Bestehen einer Orientierungsbeziehung ist bei diesem Verfahren nicht unbedingt erforderlich, da man aus der Tendenz der Strukturänderungen der Ausgangssubstanz auf den Mechanismus der Reaktion extrapoliert.

Zur Untersuchung eines Reaktionsmechanismus nach der letzteren Methode wurde die bei 460°C erfolgende Phasentransformation des Kaliumphosphates  $KPO_3$  gewählt. Diese Substanz erschien aus mehreren Gründen dafür gut geeignet zu sein.

1. Im KPO<sub>3</sub> finden bei etwa 460 °C und 650 °C zwei schnell ablaufende, reversible Transformationen statt (Amadori, 1913; Boullé, 1936; Boullé & Jary, 1953; Thilo & Dostál, 1959).

2. Einkristalle bleiben dabei erhalten (Liebau, private Mitteilung).

3. Die Struktur der bei Zimmertempertur stabilen Modifikation ist bekannt (Jost, 1963); es ist ein Polyphosphat,  $(KPO_3)_x$ , d.h. es enthält lange Kettenanionen aus PO<sub>4</sub>-Tetraedern.

Da die Transformationen reversibel und schnell erfolgen, war zu erwarten, dass auch die anderen Modifikationen Polyphosphate sind.

#### Voruntersuchungen

Zunächst wurde die Orientierungsbeziehung der bei Zimmertemperatur stabilen Modifikation, KPO<sub>3</sub>-Tief (KPO<sub>3</sub>-T), zu der bei 460°C entstehenden Modifikation,  $KPO_3$ -Hoch ( $KPO_3$ -H), mit Hilfe von Weissenberg- und Schwenkaufnahmen bei verschiedenen Kristalltemperaturen bestimmt (Mikrothermostat, Jost & Schulze, 1967). Dabei stellte sich heraus, dass bei 275°C die h1l-Reflexe mit h=ungerade von Punkten mit ganzzahligem l auf Punkte mit l = (2n+1)/2 springen. Demnach bildet sich bei dieser Temperatur eine weitere Modifikation,  $KPO_3$ -Zwischen ( $KPO_3$ -Z), die sich nach entsprechender Achsenwahl ebenfalls durch die Raumgruppe  $P2_1/a$  beschreiben lässt. Diese Transformation wurde nachträglich auch durch Differentialthermoanalyse bestätigt. Die Transformation bei 650°C wurde noch nicht untersucht.

Auf Fig. 1 sind die Beziehungen zwischen den Elementarzellen der drei Modifikationen in der richtigen relativen Orientierung dargestellt. Die y-Achsen verlaufen bei allen Modifikationen parallel. Für das KPO<sub>3</sub>-H kommen auf Grund der Auslöschungen zwei Raumgruppen in Frage, die in Tabelle 1 angegebene ist mit dem Ergebnis der Strukturanalyse verträglich. Folgende Gitterkonstanten wurden gefunden:

Alle Gitterkonstanten sind unter Benutzung der Wellenlänge  $\lambda$ (Cu  $K\bar{\alpha}$ )=1,5418 Å berechnet.

Verfolgt man die Änderung der reziproken Gitterkonstanten des KPO<sub>3</sub>-T als Funktion der Temperatur, wobei in den anderen Modifikationen die dem Achsen-

# Tabelle 1. Gitterkonstanten und Raumgruppen der KPO<sub>3</sub>-Modifikationen

20 °C (KPO <sub>3</sub> -Tief) $a = (14 \cdot 02 \pm 0 \cdot 03) \text{ Å}$ $b = (4 \cdot 54 \pm 0 \cdot 01)$ $c = (10 \cdot 28 \pm 0 \cdot 02)$ $\beta = 101 \cdot 5 \pm 0 \cdot 2^{\circ}$	$V = (641 \pm 2) \text{ Å}^3$ $D_x = (2.45 \pm 0.01) \text{ g.cm}^{-3}$ Raumgruppe: $P2_1/a (C_{2h}^5)$ 8 KPO <sub>3</sub> pro Zelle
400 °C (KPO <sub>3</sub> -Zwischer	n)
$a = (14 \cdot 02 \pm 0.03)$ Å	$V = (665 \pm 2) \text{ Å}^3$
$b = (4 \cdot 54 \pm 0.01)$	$D_x = (2 \cdot 36 \pm 0 \cdot 01) \text{ g.cm}^{-3}$
$c = (11 \cdot 56 \pm 0.02)$	Raumgruppe: $P2_{1/a} (C_{2h}^5)$
$\beta = 64 \cdot 7 \pm 0.1^{\circ}$	8 KPO <sub>3</sub> pro Zelle
510 °C (KPO <sub>3</sub> -Hoch)	$V = (342 \pm 1) \text{ Å}^3$
$a = (12.80 \pm 0.03) \text{ Å}$	$D_x = (2 \cdot 29 \pm 0 \cdot 01) \text{ g.cm}^{-3}$
$b = (4.54 \pm 0.01)$	Raumgruppe: <i>Pbnm</i> ( $V_h^{16}$ )
$c = (5.89 \pm 0.01)$	4 KPO <sub>3</sub> pro Zelle

system des KPO<sub>3</sub>-T entsprechenden Richtungen einzusetzen sind, zeigt sich, dass  $a^*$  und  $b^*$  im Rahmen der Fehlergrenzen konstant bleiben und nur  $c^*$  sich ändert (Fig. 2). Bei der Transformation Hoch  $\rightarrow$  Zwischen bilden sich Zwillinge. Die Beziehung zwischen den reziproken Gittern des KPO<sub>3</sub>-H und denen der Zwillinge des KPO<sub>3</sub>-Z bzw. KPO<sub>3</sub>-T ist für die Ebene (h0l) in Fig. 3 dargestellt. In dieser Ebene fallen die reziproken Gitterpunkte von KPO<sub>3</sub>-T und KPO<sub>3</sub>-Z zusammen, was in der Ebene (h1l) nur für die Punkte mit h=gerade gilt. Beim Erwärmen verdrehen sich die reziproken Gitter der Zwillinge infolge der Änderung von  $c_{\text{Tief}}^*$  (Fig.2) gegeneinander kontinuierlich so, dass der in Fig.3 eingetragene Winkel von 5.6° bei 20°C auf 0° am Transformationspunkt zurückgeht. Ausserdem fallen am Umwandlungspunkt je zwei, in Fig.3 nahezu zusammenfallende reziproke Gitterpunkte der beiden Zwil-



Fig. 5. Die Anionenkette des  $(KPO_3)_x$  in der Tief-Modifikation (links) und der Hoch-Modifikation (rechts). Projektionen parallel und senkrecht zur Kettenrichtung.



Fig. 6. Elektronendichteverteilung von  $KPO_3-T$  bei 20°C, zusammengezeichnet aus genäherten Teilprojektionen.



Fig.4. Zur Umwandlung bei 460°C: Weissenberg-Aufnahmen eines Zwillingskristalls (40° Schwenkbereich) der h0l-Ebene in der Umgebung der Spielgelebene m des KPO<sub>3</sub>-H (vgl. Fig.11). Von links nach rechts: 20°C, 300°C, 450C°, 470°C Kristalltemperatur. Unterhalb 460°C besteht der Kristall aus zwei symmetrisch zu m liegenden Zwillingsorientierungen, die oberhalb 460°C zu einer einzigen zusammenfallen.



Fig. 10. Zur Umwandlung bei 275 °C: Weissenberg-Aufnahmen (35 ° Schwenkbereich) der h1l-Ebene. Von links nach rechts: 260 °C, 270 °C, 280 °C, 290 °C Kristalltemperatur. Das reziproke Gitter ändert sich zwischen 270 °C und 280 °C sprunghaft. Es verschwinden die Reflexe mit h= ungerade. Dafür treten andere Reflexe auf, wobei ein neues Achsensystem entsteht.

lingsorientierungen zu einem reziproken Gitterpunkt des KPO<sub>3</sub>-H zusammen, während die übrigen verschwinden. Fig.4 zeigt dieses Verhalten an Hand einer Reihe von Originalaufnahmen in der Nähe des Transformationspunktes. Aus diesen Aufnahmen erkennt man ausserdem, dass offenbar keine Verzwillingung in sehr feinen Bereichen vorliegt, da sonst zu erwarten wäre, dass die Reflexe der beiden Zwillinge gleiche Intensität hätten. Dieser Befund erklärt auch, wieso



Fig. 7. Elektronendichteverteilung von KPO<sub>3</sub>-*H* bei 510°C, zusammengezeichnet aus genäherten Teilprojektionen.

es möglich ist, Einkristalle von  $KPO_3-T$  zu finden, obwohl diese Modifikation aus  $KPO_3-H$  entsteht.

# Intensitätsdaten

Die für die Strukturbestimmung der verschiedenen Modifikationen benutzten Intensitätsdaten wurden aus Weissenbergaufnahmen der Schichten h0l und h1l desselben Kristalls gewonnen. Nur die Intensitätsdaten der hk0-Reflexe des KPO<sub>3</sub>-H stammen von einem anderen Kristall. Alle Aufnahmen wurden mit unge-



Fig.8. Die Änderung der Atomlagen mit der Temperatur: ×20°C, ∘ 400°C, △ 510°C. Die gezeichneten Tetraeder beziehen sich auf 510°C, Projektion längs *y*.

Tabelle 2. Atomkoordinaten, Standardabweichungen und isotrope Temperaturfaktoren: KPO<sub>3</sub>-T, 20°C

				$\sigma_x$	$\sigma_y$	$\sigma_z$	В
	x	У	Z	(Å)	(Å)	(Å)	(Ų)
K(1)	0,1301	0,7659	0,3977	0,0038	0,0108	0,0038	2,507
K(2)	0,1709	0,2242	0,0663	0,0038	0,0111	0,0038	2,530
P(1)	0,1532	0,2045	0,6898	0,0042	0,0128	0,0042	2,237
P(2)	0,0549	0,7068	0,7846	0,0043	0,0128	0,0042	2,286
<b>O</b> (1)	0,1158	0,7226	0,9172	0,0128	0,0313	0,0128	2,801
O(2)	0,0500	0,2307	0,2406	0,0137	0,0331	0,0137	3,058
O(3)	0,1663	0,2869	0,5554	0,0124	0,0314	0,0124	2,592
O(4)	0,2364	0,2250	0,8000	0,0118	0,0300	0,0118	2,377
O(5)	0,1047	0,8678	0,6782	0,0124	0,0312	0,0124	2,581
O(6)	0,0611	0,3705	0,7276	0,0119	0,0306	0,0118	2,391

Tabelle 3. Atomkoordinaten, Standardabweichungen und isotrope Temperaturfaktoren: KPO<sub>3</sub>-Z, 400°C

				$\sigma_x$	$\sigma_y$	$\sigma_z$	В
	x	У	Z	(Å)	(Å)	(Å)	(Ų)
K(1)	0,9223	0,7342	0,4081	0,0064	0,0132	0,0061	5,384
K(2)	0,1264	0,2852	0,0684	0,0060	0,0128	0,0058	5,078
P(1)	0,8094	0,1857	0,6997	0,0056	0,0138	0,0054	3,855
P(2)	0,6625	0,6962	0,7862	0,0055	0,0136	0,0053	3,739
O(1)	0,6491	0,7168	0,9179	0,0209	0,0379	0,0198	5,756
O(2)	0,9193	0,2656	0,2562	0,0222	0,0392	0,0209	6,089
O(3)	0,8838	0,2555	0,5653	0,0218	0,0389	0,0207	6,019
O(4)	0,8402	0,2206	0,8028	0,0188	0,0356	0,0178	5,170
O(5)	0,7712	0,8750	0,6975	0,0210	0,0380	0,0198	5,779
O(6)	0,6984	0,3698	0,7372	0,0204	0,0374	0,0194	5,627

filterter Cu-Strahlung angefertigt. Die Intensitäten wurden auf Absorption korrigiert ( $\mu_{20^\circ} = 176 \text{ cm}^{-1}$ ), indem der rechteckige Querschnitt senkrecht zur Drehachse von 0,06mm. 0,07 mm in 56 Felder unterteilt wurde. Die Anzahl der erfassten kristallographisch verschiedenen Reflexe, die Aufnahmetemperaturen und

Tabelle 4. Atomkoordinaten, Standardabweichungen und isotrope Temperaturfaktoren: KPO<sub>3</sub>-H, 510°C

	x	у	<i>Z</i>	$(\text{\AA})$	$\overset{\sigma_y}{(\mathrm{\AA})}$	$\overset{\sigma_z}{(\mathrm{\AA})}$	В (Ų)
К	0,1018	0,2753	0,2500	0,0076	0,0093		7,912
Р	0,1774	0,8184	0,7500	0,0054	0,0068	—	4,710
O(1)	0,1203	0,7504	0,5381	0,0524	0,0596	0,0888	14,852
O(2)	0,2138	0,1450	0,7500	0,0214	0,0260		7,674

h s 1 P <sub>c</sub>	7,	h k l	٩	· 7 <sub>0</sub>	h k l	20	7,	hkl P <sub>o</sub>	7	h k l	7	7,	h k l	۲,	20
h $\leq 1$ $P_{c}$ 2 : 0 : 10 : 10 : 10 : 10 : 10 : 10 : 10	-1319710-60-14-60-19-10-10-10-10-10-10-10-10-10-10-10-10-10-	h k 1 170 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	PU 8 60.00 9 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	Po -207.1323.02.380.990.07 -377.323.02.380.990.07 -1995.585.880.990.07 -1995.585.880.990.07 -197.147.795.800.323.33 -1992.133.007 -178775.880.990 -192.24.323.34.486.733.13 -277.147.795.880.990 -277.147.795.880.990 -270.24.200 -270.200 -270.200 -270.200 -270.200 -270.200 -270.200 -270.200 -270.200 -270.200 -270.200 -270	h k 1 102 5 112 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12	20 -1-2-1.18.01	~ - - - - - - - - - - - - -	h k 1     Po       4 0 8	2 974,5,5,5,5,2,2,5,9,9,8,6,7,7,6,4,0,2,4,7,4,5,9,6,9,3,0,6,1,4,1,9,6,5,4,5,4,0,2,4,7,7,6,4,0,2,4,7,4,5,9,6,9,3,0,6,1,4,1,9,6,5,4,5,4,0,5,0,1,1,1,5,7,0,1,1,1,1,5,7,0,1,1,1,5,1,1,1,5,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1	A K 1 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1	2 2 5 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	roll 4 - 7 - 7 - 4 4 4 6 3 5 0 2 0 6 1 2 7 0 6 0 7 7 4 4 7 8 8 3 4 5 5 9 0 4 9 7 5 1 2 7 4 6 7 5 1 0 5 8 2 2 7 1 1 1 0 8 4 5 5 9 1 2 0 5 1 2 7 0 6 0 7 7 4 4 1 8 8 3 4 5 5 9 0 4 9 3 5 1 2 0 5 1 2 7 0 6 0 7 7 1 1 1 0 8 5 1 4 5 5 1 2 0 5 1 2 7 0 6 0 7 7 1 1 1 0 8 5 1 4 5 5 9 0 4 9 3 5 1 2 1 1 7 5 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	A K 1 1 4 5 0 7 2 9 2 1112 134 56 7 17 17 17 19 19 10 12 3 4 56 7 8 9 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 4 56 7 8 10 112 3 112 112 111 113 1111 113 1111 113 1111 113 1111 113 1111 1111 1111 1111 1111 1111 1111 1111	r 0 9.99132243 - 1742 - 22 - 22 - 156 22 - 1742 - 22 - 22 - 156 9.1015337 - 24 - 25 - 115 9.1655333572 - 101176 9.20153772 - 4.9 9.20153772 - 4.9 9.2015772 - 4	x =
$\begin{array}{c}$	29 5,37 75,7 75,7 100,6 111,17,7 4,52 5,27 7,5,7 100,6 111,17,7 4,52 5,27 100,6 111,17,7 4,52 5,27 100,6 111,17,7 100,6 10	- 7 88 887 887 0 1 2 3 4 56 7 8 9 0 112 3 4 5 7 8 9 0 1 2 3 4 5 5 7 8 9 0 1 2 3 4 5 5 7 8 9 0 1 2 3 4 5 5 7 8 9 0 1 2 3 4 5 5 7 8 9 0 1 2 3 4 5 5 7 8 9 0 1 2 3 4 5 5 7 8 9 0 1 2 3 4 5 5 7 8 9 0 1 2 3 4 5 5 7 8 9 0 1 2 3 4 5 5 7 8 9 0 1 2 3 4 5 5 7 8 9 0 1 2 3 4 5 5 7 8 9 0 1 2 3 4 5 5 7 8 9 0 1 2 3 4 7 8 9 0 1 2 3 4 7 8 9 0 1 1 2 3 4 7 8 9 0 1 1 2 3 4 7 8 9 0 1 1 2 3 4 7 8 9 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	$\begin{array}{c} 1 & = 0 \\ 72 & = 1 \\ 57 & = 7 \\ 42 & = 57 \\ 57 & = 7 \\ 42 & = 57 \\ 57 & = 7 \\ 57 $		- 56789101121314777777777777777777777777777777777	-* 0 - 27.48 62.59 - 28.55 - 28.55	<b>xxxxxxxxxxxxx</b>				72-38 17-88 26-7 29-3 		A 24101234567871102592541444 U12345625144751 U123	1 <b>F</b> <sub>0</sub> 1 54.2 	$\begin{array}{c} \mathbf{F_{G}} \\ -52.4 & 6.4 & 6.4 \\ -52.4 & 6.4 & 6.4 \\ -5.4 & 0.4 & 1.4 \\ -5.4 & 0.4 & 0.4 \\ -5.4 & 0.4 &$

Tabelle 5. |F<sub>o</sub>|- und F<sub>c</sub>-Werte des KPO<sub>3</sub>-T bei 20°C

Tabelle 6. $ F_{\rho} $ -	und 1	<i>F<sub>c</sub>-Werte</i>	des	$KPO_{3}-Z$	bei	400°	C
---------------------------	-------	----------------------------	-----	-------------	-----	------	---

h k	1	2,,	20	h k l	Po	Pc_	nkl	?	² <sub>c</sub>	h x l	10	7 <sub>c</sub>	h k i	<b>r</b> _0	7 <sub>c</sub>	<u>hki</u>	P	
246801244472086422024680246802468024680246802468024	ن 1 2	$\begin{array}{c} 81_{+4}\\ 81_{+4}\\ 51_{+2}\\ 81_{+$		104450246801246801900047002468012460004702468012466 0 0 5	54-56 14.1 660-80 5185-14-14-14-14 280072845-6 23044-55 23045-57 23045-55 23055-55 230555-55 23055-55 23055-55 230	-53-60-22-7-65-03-25-6-6-2-7-5-9-4-6-0-25-29-22-6-4-7-3-0-6-25-29-25-0-4-7-3-2-6-25-29-22-6-4-7-3-0-6-25-29-22-6-25-29-2-20-20-2-29-2-20-20-20-20-20-20-20-20-20-20-20-20-2	101001111024650111468001468011468001400246801114680 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0		1.62.63.99.91.43.15.55.55.94.93.34.23.52.46.83.40.75.140.94.20.61.2 1.63.99.91.43.15.55.55.94.93.34.23.52.46.83.40.75.140.94.26.12 1.64.56.89.91.44.31.55.55.59.49.33.44.23.52.46.83.40.75.140.94.26.12 1.75.56.15.57.140.94.10.15.24.15.24.15.24.15.24.15.24.15.24.15.25.14.15.25.15.25.15.25.14.15.25.25.15.25.15.25.15.25.15.25.25.15.25.15.25.25.15.25.25.25.25.25.25.25.25.25.25.25.25.25	1220246810246810124202468101246810246810246810246810246810124202468101246810124681012468101224681011246810112468101124681011246810112111111111111111111111111111111111	9.7 1.7.8 4.20.55 2.8.9 2.8.66 -7.6.8 1.1.49 1.2.67 1.2.67	12153 12155 12155	123456789101123411711058768787012345678910112	10.3 348.5 348.5 49.6 49.6 49.6 49.6 49.6 49.6 40.6 10.7 40.7 40.2	8349544273761004927378797879797979797979797979797979797979	11111011111111111111111111111111111111	7.0 6.5 1.20.8 2.4. 17.600 86.0 86.0 86.0 102.02 102.	3.8 3.2.2.7 0.9.9.9.4.7 -2.2.7.2.8.8.4.1.8.7.4.9.7.2.3.5.8.9.5.7.8.4.0.9.6.2.4.7.7.4.9.1.7.8.8.4.1.8.7.5.5.7.8.4.0.9.6.2.4.4.7.7.4.9.1.3.5.8.1.6. -2.2.7.2.8.8.4.1.8.7.4.9.7.1.5.8.4.0.9.6.2.4.4.7.7.4.9.1.3.5.8.1.6. -2.2.7.2.8.8.4.1.8.7.5.5.7.8.4.0.9.6.2.4.4.7.7.4.9.1.3.5.8.1.6. -2.2.7.2.8.8.4.1.8.7.5.5.7.8.4.0.9.6.2.4.4.7.7.4.9.1.3.5.8.1.6.
<u>h</u>	<u>k 1</u>	<b>,</b>	¥ <sub>0</sub>	h k l		P <sub>c</sub>	h k l	"Po	P.c.	h k 1	22-0	<b>7</b> 0	<u>b k 1</u> 2 1 9	23.1	22.2	<u>h k</u>	1   <b>P</b> <sub>0</sub>   11 7.7	9.8
1 1 2 3 4 56789011234562 01234562 0123456	1 3	$\begin{array}{c} 21.0\\ \\ 97.4\\ \\ 7.4\\ \\ 10.9\\ \\ 7.4\\ \\ 10.9\\ \\ 21.4\\ \\ 10.9\\ \\ 21.4\\ \\ 10.9\\ \\ 1$	9127824956729103841418955453026570364612338 13-5270413939644967770545955510265703262338 1-1-2-55510260570322223438 8-1-2-55510260570322223438 98-8	78910112345617687684596901234567891011234560958	12.99 41-06-99 1	162.8221434500000000000000000000000000000000000	700747792701234567890112345608874044794701234567	-22.94.4 -12.94.4 -12.94.08.6 -22.94.4 -12.94.08.6 -22.94.6 -22.94.6 -2.94.08.08.6 -2.94.08.08.6 -2.94.08.08.6 -2.94.08.08.08.08.08.08.08.08.08.08.08.08.08.	4211314200000000000000000000000000000000	891011213455676970123456789101213455678911213455678911233455678911233455678911233455567891123345556789	21410 1310731 - 13.9971 - 13.099 - 13.171 - 16.143 14.100 - 14.1997 - 13.171 - 16.143 14.100 - 14.1997 - 1	122452222222222222222222222222222222222	53456789011213458964012345678901123451454545	- 100-10 21-0 10-1-1 10-1-1 10-1-1 10-1 10	1040412140404040404040404040404040404040	567890011234567890101233456789002835996	9.4 7.0 15.2 12 - 7.1 11.8 13 - 7.1 11.8 13 - 7.1 11.8 - 5.0 13 - 7.1 11.8 - 5.0 13 - 7.1 - 7.1 - 7.1 - 7.1 - 7.0 - 7.0	~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~

Tabelle 7. |F<sub>o</sub>|- und F<sub>c</sub>-Werte des KPO<sub>3</sub>-H bei 510°C

h	k	1	1.	Pc	h k 1	1.	7,	h k l	Po	P.0	h k l	; <b>P</b> o	P	h k l	170	P.0	h k l	Pol	P <sub>c</sub>
2	0	0	44.5	-36.3	11 0 3	7.5	4.9	12 1 0	-	1.8	12 1 2		-1.6	515	-	0.3	430	13.3	12.1
4			72.7	-74.9	204	18.1	44.2	12	60.0	-0.7	117	21.0	-43 7	9	-	1.8	2	10.8	-20.1
Ă			7.7	-5.4	É.	10.6	-13.8	2 1 1	24.8	26.3	5	24.3	-19.6	á	-	-0.6	2	0.7	-0.0
10			19.1	16.4	6	6.6	4.7	3	36.7	42.6	á	8.3	10.5	116	-	-1.2	á	4.4	-5.8
12			6.7	5.7	ē	-	-6.8	á.	16.3	-17.8	Ś	-	-4.6	2	-	-1.6	ğ	7.4	8.1
14			7.6	-8.1	10	-	5.6	5	27.0	24.5	6	-	-4.4	3	-	3.1	10	-	1.8
1	0	1	44.5	42.5	105	-	10.0	6	8.4	7.6	7	-	0.4	4		6.7	11	3.0	-4.6
ž			67.4	-68.1	3	6.3	-10.2	7	5.7	-3.7	8	-	0.1	020	69.6	-79.0	12	-	0.9
2			13.5	-15-3	2	7.0		8		-1.6	.2	-		1	11.2	14+9	040	6.	3.3
			42.2	42.2		11.02	12.0		7.0	2.9	10		10.2	5	-3-2	43.4	2	12.1	-11.9
44			2.46	2.3	200			14	42.3	-15.1	444		2.4	2	31.7	36.6	5	2.7	
13			_	2.8	200			12		3.1	2	-	-0.1	ŝ	16.1	-15-4	á	9.5	-5.3
ő	0	2	70.6	-76.6	4	5.8	3.8	13	-	3.9	3	7.7	-7.9	6	-	3.0	5	7.2	6.6
Ź			18.8	27.0	110	4.7	5.0	112	6.0	-3.8	4	18.6	-16.7	7	9.3	9.3	6		-3.7
4			14.0	11.5	2	17.9	12.3	2	38.9	36.6	5	.7.7	?•?	8	4.5	1.9	?	4.8	-5.4
6			-	-3.6	3	21.6	-22.3	3	16.5	15.6	6	10.7	0.0	.9	5.0	-2-8	8		2.2
.8			14.2	14.7	4	35.1	-39-1	4	30.0	33-5	~	8.3	-0.8	10	3.3		10	2.02	
10			12.2	-12-2	2	22.02	22.7	2	14.9	-24 2	õ		-2.8	42	5.6	13.6	1 5 0	-	0.8
14	•	3	0.0	-11.2	3	2.0	_3•3	9	6.6	2.6	10	-	-7.3	13	4.5	5.6	2	_	-3.8
ż	•	,	44.3	40.9	á	26.4	28.1	á	20.1	-23.0	115	11.1	-11.0	14	3.9	4.5	3	5.2	-4.1
5			8.9	6.8	õ		-5.0	ğ		4.4	2	-	5.6	130	3.8	-3.5	4	-	1.5
7			32.5	-30.4	10	13.8	-13.8	10	11.1	14.0	3	10.7	11.5	2	3.7	3.4	5	5.5	4.5
9			-	4.7	11	-	3.1	11		-2.8	4	8.7	-4.7	3	15.4	17.9			



Fig. 9. Zur Umwandlung bei 275 °C: Die schraffiert gezeichneten Ketten werden an  $y=\frac{1}{4}$  gespiegelt, während die anderen unverändert bleiben. Die x- und z-Achsen aller drei Modifikationen sind eingetragen.

die jeweiligen Anteile am Cu-Bereich gehen aus folgender Tabelle hervor:

Aufnahme- temperatur	Gesamtzahl der Reflexe	Davon nicht beobachtete Reflexe	Anteil am Cu-Bereich
20°C	527	210	36%
400	485	201	32
510	155	52	35

### Strukturbestimmung

Zur Bestimmung der Atomkoordinaten bei 400 °C und 510 °C wurde von den bereits bekannten Koordinaten des  $KPO_3-T$  ausgegangen und diese nach der Leastsquares-Methode verfeinert. Dabei konnten die gemischten Produkte der Differentialquotienten sowie die Anisotropie der thermischen Parameter nicht berücksichtigt werden. Wegen des Fehlens der gemischten Produkte ist zu erwarten, dass vor allem die Lagen der Brücken-Sauerstoffatome infolge der Überlagerung durch die Phosphor-Atome ungenau sind.

Um die bei der Verfeinerung gewonnenen Parameter des KPO<sub>3</sub>-Z und des KPO<sub>3</sub>-H unter gleichen Fehlerbedingungen mit denen des KPO<sub>3</sub>-T vergleichen zu können, wurden die Koordinaten des KPO<sub>3</sub>-T mit den Intensitätsdaten desselben Kristalls ebenso verfeinert. Die Atomkoordinaten für die verschiedenen Modifikationen sind mit den nach Cruickshank & Robertson (1953) berechneten Fehlern (unter Berücksichtigung der nicht beobachteten Reflexe) in den Tabellen 2-4 angegeben. Zwischen den Achsensystemen der drei Modifikationen bestehen folgende Beziehungen:

$$(x, y, z)_{\text{Tief}} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ -\frac{1}{2} & 0 & 1 \end{pmatrix} = (x, y, z)_{\text{Zwischen}}$$
$$(x, y, z)_{\text{Zwischen}} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix} = (x, y, z)_{\text{Hoch}}.$$

Die Tabellen 5-7 zeigen die mit diesen Koordinaten und den Atomformfaktoren für K, P und O (*International Tables for X-ray Crystallography*, 1962) berechneten Strukturfaktoren im Vergleich zu den beobachteten.

Die *R*-Faktoren wurden unter Berücksichtigung auch der nicht beobachteten Reflexe berechnet. Sie



Fig. 11. Zur Bildung der 'Tieftemperaturketten' aus der 'Hochtemperaturkette' (Projektion in Kettenrichtung). Oben: Ausgezogen und gestrichelt die beiden (symmetrisch zu einer Spiegelebene des KPO<sub>3</sub>-Hliegenden) Zwillingsorientierungen der 'Tieftemperaturketten', die aus der 'Hochtemperaturkette' hervorgehen. Unten: Die 'Hochtemperaturkette'. Durch Kreispfeile angedeutet die beiden gleichberechtigten Umwandlungsmöglichkeiten bei Verschwinden von m als kristallographischem Symmetrieelement. Die Zellen beziehen sich auf die Hoch- und Tief-Modifikation, sie sind des besseren Vergleichs wegen in den Grössenverhältnissen einander angepasst.  $\bigcirc = K^+$ -Ionen, m=eine der bei der Transformation verschwindenden Spiegelebenen. sind im folgenden den  $R_{beob}$ -Faktoren (für die beobachteten Reflexe allein) gegenübergestellt:

Temperatur	R	$R_{beob}$
20 °C	12.4%	8.2%
400	13.6	10.6
510	16.3	13.2

In den Tabellen 8-10 sind die Atomabstände und Valenzwinkel für die verschiedenen Temperaturen angegeben. Nebeneinander stehen die sich jeweils entsprechenden Abstände bzw. Winkel. Die Bezeichnungen beziehen sich auf das Achsensystem des  $KPO_3-T$ . Die Unterschiede sind wegen der grossen Standardabweichungen der Atomkoordinaten allerdings im wesentlichen nur für die (K-O)-Abstände signifikant. Aus den Atomabständen geht hervor, dass alle drei Modifikationen Polyphosphate sind. Die Form der Anionenkette (Fig.5) und der Kalium-Sauerstoff-Koordinationspolyeder wird mit steigender Temperatur regelmässiger. Fig.6 und 7 zeigen die Elektronendichte-Verteilungen von KPO<sub>3</sub>-T und KPO<sub>3</sub>-H. Die verlängerte Form der Brückensauerstoffatome in Fig.7 beruht nicht auf anisotropen Schwingungen, sondern auf Abbruchseffekten, die infolge des beschränkten  $\theta$ -Bereiches der Reflexe sich stark bemerkbar machen. Eine Differenz-Elektronendichte hat das erwiesen.

### Tabelle 8. Atomabstände (Å)

Die Abstände bei 400 °C und 510 °C gehen aus den links angegebenen Abständen des  $KPO_3-T$  durch die Transformationen hervor.

	20 °C	400 °C	510°C
P(1)-O(3)	1,48 (1,51)*	ן 1,49	
P(1) - O(4)	1,46 (1,46)	1,43	1 49
P(2) - O(1)	1,46 (1,44)	1,46	1,48
P(2)-O(2'')	1,47 (1,48)	1,46	

	Table 8 (Fol	rt.)	
	20°C	400°C	510°C
P(1)-O(5'')	1,67 (1,59)	1,51 )	1,56
P(2)-O(6)	1,65 (1,57)	1,59 }	
P(1)-O(6)	1,61 (1,63)	1,65	1,60
P(2)-O(5)	1,59 (1,62)	1,64 }	
O(1)-O(2'')	2,56 (2,52)	2,58	2,50
O(3)-O(4)	2,53 (2,51)	2,55	
O(1)—O(5)	2,52 (2,53)	2,49	2,51
O(2'')-O(5)	2,51 (2,55)	2,54	
O(3)—O(6)	2,55 (2,53)	2,56	
O(4)—O(6)	2,51 (2,52)	2,50	
O(1)—O(6) O(2'')-O(6) O(3)O(5'') O(4)O(5'')	2,52 (2,49) 2,45 (2,40) 2,53 (2,52) 2,59 (2,57)	$\begin{array}{c}2,47\\2,42\\2,40\\2,43\end{array}$	2,49
O(5)—O(6)	2,42 (2,41)	2,47	2,45
O(5'')–O(6)	2,44 (2,43)	2,43	

T 11 0 ( T

\* Die in Klammern gesetzten Werte beziehen sich auf die Arbeit von Jost (1963).

### Mechanismus der Transformationen

Betrachtet man die Projektion der Kristallstrukturen der drei Modifikationen (Fig.8), so scheint es, als würde der Übergang Tief  $\rightarrow$  Hoch durch eine zunächst langsame, am Transformationspunkt bei 460°C schnelle Verschiebung\* der Atome in die Lagen des KPO<sub>3</sub>-H vor sich gehen. Dass die Transformation bei 460°C nicht sprungartig erfolgt, sieht man aus den Aufnahmen der Fig.4, bei denen die Reflexe des KPO<sub>3</sub>-T zwar

\* Schnell und langsam ist als Lageänderung pro Temperaturänderung gemeint!

•

	Tabelle 9.	Kalium-S	Sauerstoff-A	lbstände (	$(\mathbf{A})$	)
--	------------	----------	--------------	------------	----------------	---

Lagen der Kaliumatome in x, y, z (Tabellen 1-3); Lagen der Sauerstoffatome beziehen sich auf das 20°C-Achsensystem. Die für 400°C und 510°C angegebenen Abstände gehen aus denen des  $KPO_3-T$  durch die Transformationen hervor.

	Lage des O-Aton	ıs	20 °C	400°C	510°C
K(1)-O(2) K(1)-O(3) K(2)-O(1) K(2)-O(4)	$\begin{array}{cccc} x, & y, \\ x, & y, \\ x, & y, \\ \frac{1}{2} - x, & y + \frac{1}{2}, \end{array}$	z $z - 1$ $1 - z$	3,01 (2,99)* 2,70 (2,66) 2,76 (2,79) 2,84 (2,85)	2,77 2,74 2,79 2,84	2,76
K(1)-O(2) K(1)-O(3) K(2)-O(1) K(2)-O(4)	$\begin{array}{ccc} x, & y+1, \\ x, & y+1, \\ x, & y-1, \\ \frac{1}{2}-x, & y-\frac{1}{2}, \end{array}$	z = z = 1 $1 - z$	2,76 (2,80) 2,86 (2,90) 2,77 (2,76) 2,83 (2,82)	3,00 2,90 2,80 2,88	2,94
K(1)-O(4) K(1)-O(3) K(2)-O(2) K(2)-O(1)	$\begin{array}{cccc} \frac{1}{2} - x, & y + \frac{1}{2}, \\ \frac{1}{2} - x, & y + \frac{1}{2}, \\ x, & y, \\ x, & 1 - y, \end{array}$	$\begin{array}{c} 1-z\\ 1-z\\ z\\ 1-z\end{array}$	3,03 (3,00) 2,80 (2,79) 2,70 (2,65) 4,06	3,18 2,86 2,78 3,78	3,11
K(1)-O(2) K(1)-O(3) K(2)-O(1) K(2)-O(4)	$ \begin{array}{cccc} -x, & 1-y, \\ -x, & 1-y, \\ \frac{1}{2}-x, & y-\frac{1}{2}, \\ x, & y, \end{array} $	$\begin{array}{l}1-z\\1-z\\1-z\\z-1\end{array}$	4,89 4,28 2,96 3,06	4,70 4,17 3,21 3,25	3,94

\* Siehe Tabelle 8.

#### Tabelle 10. Valenzwinkel

Die Winkel bei 400 °C und 510 °C gehen aus den links angegebenen Winkeln des KPO<sub>3</sub>-T durch die Transformationen hervor.

	20°C	400°C	510°C
P(1) -O(6)-P(2) P(1')-O(5)-P(2)	128°(132°) * 128 (130)	$\left. \begin{array}{c} 133^{\circ}\\ 136 \end{array} \right\}$	137°
O(3)-P(1)-O(4) O(1)-P(2)-O(2'')	119 (116) 122 (119)	$122 \\ 124 $	115
O(3)—P(1)-O(5'') O(4)—P(1)-O(5'') O(2'')-P(2)-O(6) O(1)—P(2)-O(6)	107 (109) 112 (115) 103 (104) 108 (112)	$   \left. \begin{array}{c}     106 \\     111 \\     105 \\     108     \end{array} \right\} $	110
O(3)—P(1)-O(6) O(4)—P(1)-O(6) O(1)—P(2)-O(5) O(2'')-P(2)-O(5)	111 (107) 110 (109) 111 (111) 110 (111)	109 108 107 110	109
O(5)—P(2)-O(6) O(5'')-P(1)-O(6)	97 (98) 96 (98)	$\left. \begin{array}{c} 100\\ 100 \end{array} \right\}$	102

#### \* Siehe Tabelle 8.

schnell, jedoch über einen Bereich von etwa 20°C hin verschwinden. Dieser scheinbar kontinuierliche Vorgang ist jedoch bei 275°C durch einen diskontinuierlichen Prozess unterbrochen.

Wie man aus Fig.1 sieht, tauschen bei der Transformation Tief  $\rightarrow$  Zwischen die Hälfte der 2<sub>1</sub>-Achsen und Symmetriezentren ihre Lagen. Das hat zur Folge. dass die Hälfte der Anionenketten des KPO<sub>3</sub>-T an  $y=\frac{1}{4}$  gespiegelt wird (Fig. 9). Zwar liegt bereits ein Teil der Atome in der Struktur des  $KPO_3-T$  nahezu in den Spiegelebenen, so dass für diese Atome die Spiegelung ohne grosse Verschiebungen parallel y möglich ist, jedoch müssten in der Hälfte der Ketten alle (P-O)-Bindungen brechen und neu geknüpft werden. Verwirklicht werden könnte das mit einem Durchschwingen der Phosphoratome durch die Basis der jeweiligen PO<sub>4</sub>-Tetraeder in eine bereits bestehende Tetraederlücke - ein Mechanismus, der von Taylor (1960) zur Erklärung einiger topochemischer Reaktionen in Silikaten erwogen wird. Wenig verständlich erscheint es, dass dieser Vorgang bereits bei 275°C möglich sein soll und dass er genau die Hälfte der Ketten erfasst. Jedoch ist bekannt, dass Polyphosphatgläser beim Tempern schon bei diesen Temperaturen kristallisieren (Worzala, 1967), was nur möglich ist, wenn (P-O)-Bindungen gelöst und neu geknüpft werden. Ferner ist zu erwarten, dass das Durchschwingen eines besonders energiereichen P-Atoms diesen Prozess für die ganze Kette auslöst, zu der dieses Atom gehört. Die hierbei jeweils erforderliche Energie zur Spaltung der Bindung würde bei der Neuknüpfung wiedergewonnen. Damit allein ist aber nicht geklärt, wieso gerade die Hälfte der Ketten erfasst wird.

Eine völlig andere, formale Erklärungsmöglichkeit wäre ein Gleiten von Schichten von Anionenketten parallel (xy) (in Fig.9 schraffiert bzw. leer) um abwechselnd + a/4 (Tief).

Dass die Transformation bei 275°C tatsächlich anders als die bei 460°C abläuft, ergibt sich aus einer Reihe von Weissenbergaufnahmen am Transformationspunkt 275°C (Fig. 10). Man sieht, dass die Reflexe des KPO<sub>3</sub>-T spontan verschwinden und die Reflexe von KPO<sub>3</sub>-Z spontan auftreten, anders als bei der 460°C-Transformation, bei der sich die Intensitäten der betreffenden Reflexe zwar schnell, jedoch kontinuierlich ändern.

Betrachtet man die Transformationen von dem Standpunkt, dass die Kationen-Sauerstoff-Polyeder in Festkörpern die stabilsten Baueinheiten der Struktur darstellen (Taylor, 1960), lässt sich die Folge der Transformationen zwanglos erklären: Sie erfolgen so, dass bei jedem Schritt das Kation-Sauerstoff-Polyeder regelmässiger wird.

Die Erklärung der Transformation Zwischen→Hoch bereitet keine Schwierigkeiten; sie ist rein displaziv. Die Zwillingsbildung bei der Rücktransformation ist in Fig. 11 erläutert.

Für die Anfertigung der DTA-Aufnahmen danken wir Herrn D.Schultze.

#### Literatur

AMADORI, M. (1913). Atti Ist. Veneto Sci. (8) 17, II, 1673.

- BOULLÉ, A. (1936). C. R. Acad. Sci. Paris, 202, 663.
- BOULLÉ, A. & JARY, R. (1953). C. R. Acad. Sci. Paris, 237, 1707.
- CRUICKSHANK, D. W. J. & ROBERTSON, A. P. (1953). Acta Cryst. 6, 698.
- International Tables for X-ray Crystallography (1962). Vol. III, p. 202. Birmingham: Kynoch Press.
- JOST, K. H. (1963). Acta Cryst. 16, 623.
- JOST, K. H. & SCHULZE, H.-J. (1967). Z. Kristallogr. 124, 303.
- TAYLOR, H. F. W. (1960). J. Appl. Chem. 10, 317.
- THILO, E. & DOSTÁL, K. (1959). Z. anorg. allg. Chem. 298, 99.
- WORZALA, H. (1967). Z. anorg. allg. Chem. 353, 48.